

## **CHRISTUS** RESOLUÇÃO ENEM 2025 - NATUREZA / MATEMÁTICA

## QUESTÃO 164

O dono de uma embarcação deve partir do ponto P e chegar ao ponto R por meio de dois deslocamentos lineares e navegando a uma velocidade constante. Essa viagem será feita durante a noite, e como ele dispõe somente de uma bússola e de um relógio, planejou sua rota da seguinte forma:

1º - partir do ponto P na direção 110 e navegar por 4 horas, alcançando um ponto Q;

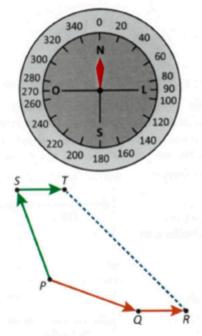
2º - partir do ponto Q na direção 90 e navegar por 2 horas, alcançando o ponto de destino R.

No entanto, ao direcionar o barco para o primeiro deslocamento, o fez na direção 340, em vez de 110. Com isso, realizou os seguintes deslocamentos:

1º - partiu do ponto P na direção 340 e navegou por 4 horas, alcançando um ponto S;

2º - partiu do ponto S na direção 90 e navegou por 2 horas, alcançando o ponto T.

A figura apresenta a bússola, a rota planejada e a rota executada.



O dono da embarcação só percebeu o equívoco ao chegar ao ponto T. Com isso, agora ele precisa definir a direção e o tempo de navegação que lhe permita, partindo do ponto T, chegar ao ponto de destino R por meio de uma rota retilínea.

Considere 0,64 como aproximação para cos 50°.

A direção e o tempo aproximado de navegação que o dono da embarcação deve utilizar são, respectivamente,

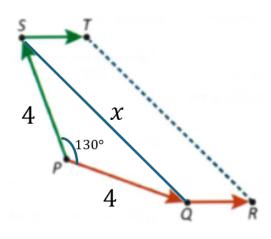
- 135 e 7 horas e 15 minutos.
- 3 45 e 7 horas e 15 minutos.
- @ 135 e 12 horas.
- 135 e 6 horas.
- **3** 45 e 6 horas.

Assunto: Geometria Plana

ST e QR são paralelos e congruentes, de modo que STRQ é um paralelogramo, com TR = SQ = x.

O ângulo em P do triângulo SPQ será (360° – 340°) + 110° = 130°.

Desse modo, tem-se a figura:



Aplicando-se a Lei dos Cossenos:

$$x^{2} = 4^{2} + 4^{2} - 2 \cdot 4 \cdot 4 \cdot \cos 130^{\circ}$$

$$x^{2} = 16 + 16 - 32 \cdot (-\cos 50^{\circ})$$

$$x^{2} = 32 + 32 \cdot 0,64$$

$$x^{2} = 32 + 20,48$$

$$x^{2} = 52,48$$

$$x \approx 7,25 h = 7h 15 min$$

Da bússola, observa-se que a direção deve ser de 135°.

Item: A